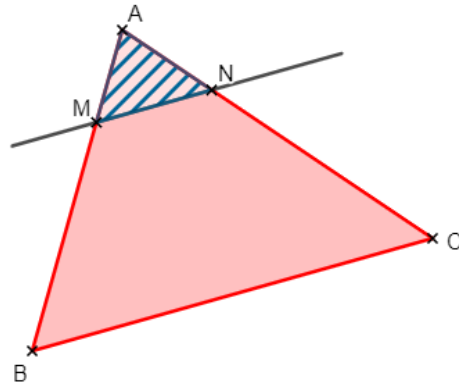


CHAPITRE IX - THALÈS

I. Énoncé du théorème



Théorème de Thalès

Dans un triangle ABC,

si M est un point du côté [AB],

N est un point du côté [AC],

et (MN) est à (BC),

alors les longueurs des côtés des triangles ABC et AMN sont et on peut compléter le tableau de suivant :

Côtés du triangle ABC			
Côtés du triangle AMN			

Remarque

On en déduit l'égalité suivante :

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

On dira que les triangles ABC et AMN sont

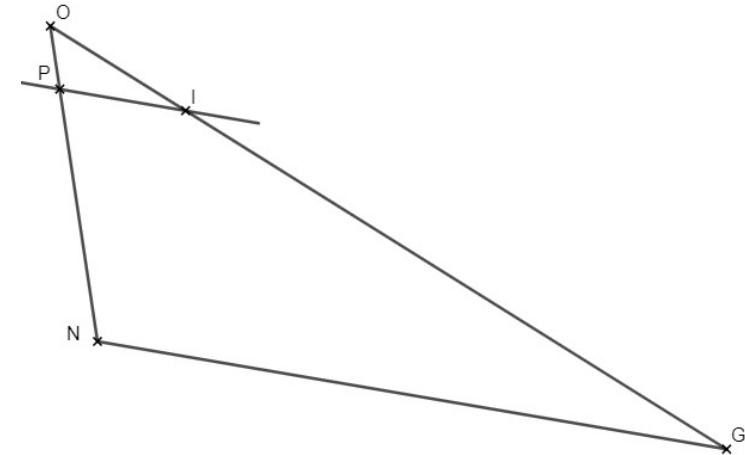
Une démonstration est disponible ici :



II. Application au calcul de longueur

On considère le triangle ONG suivant dans lequel :

- $P \in [ON]$
- $I \in [OG]$
- $(PI) \parallel (NG)$
- $NO = 10 \text{ cm}$
- $OI = 5 \text{ cm}$
- $OP = 2 \text{ cm}$
- $NG = 20 \text{ cm}$



Calculons OG et PI.

Rédaction

* (.....) et (.....) sont sécantes en

* (.....) // (.....)

Donc d'après le théorème de Thalès, on a :

$$\frac{OP}{ON} = \frac{OI}{OG} = \frac{PI}{NG}, \text{ d'où } \frac{OP}{ON} = \frac{OI}{OG} = \frac{PI}{NG}.$$

$$\text{On utilise } \frac{OP}{ON} = \frac{OI}{OG}$$

$$OG = \frac{OI \times ON}{OP}$$

$$OG = \dots \text{ cm}$$

$$\text{On utilise } \frac{OP}{ON} = \frac{PI}{NG}$$

$$PI = \frac{OP \times NG}{ON}$$

$$PI = \dots \text{ cm}$$