Extrait du cours sur la notion de fonctions

Une fonction peut être représentée par un programme de calcul :

Notation 1: $f: \mapsto x^3 - x + 3$ Notation 2: $f(x) = x^3 - x + 3$

Exemples de calculs d'images :

$$f(2) = 2^3 - 2 + 3 = 8 - 2 + 3 = 9$$

$$f(0) = 0^3 - 0 + 3 = 3$$

$$f(1) = 1^3 - 1 + 3 = 3$$

On peut regrouper les résultats dans un tableau de valeurs :

×	-2	-1	0	1	2	3
f(x)	-3	3	3	3	9	27

On peut schématiser les correspondances obtenues sur un diagramme :

Fonction f

-2

-1

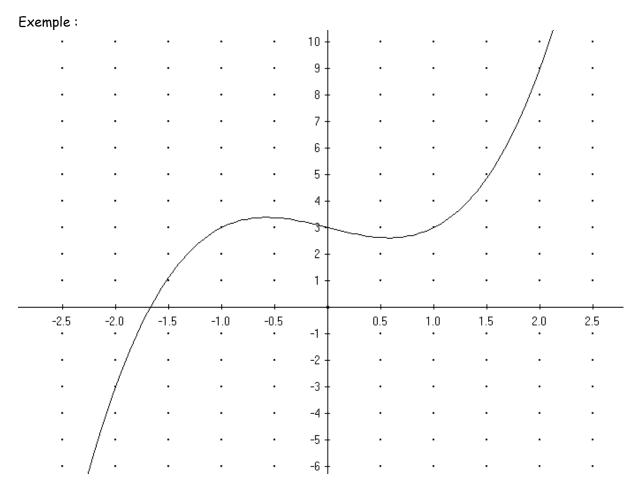
3

2

123

Remarque : plusieurs nombres peuvent avoir la même image. Mais un nombre ne peut avoir qu'une image. Ici, f(-1)=f(0)=f(1)=3 c'est-à-dire les nombres 0 ; -1 et 1 ont la même image qui est 3.

On peut représenter et même définir une fonction par son <u>graphe</u> dans un repère cartésien en général <u>orthogonal</u> (axes perpendiculaires) ou <u>orthonormé</u> (axes perpendiculaires et unité de longueur identique sur les deux axes).



Remarque : on peut lire des correspondances entre les nombres choisis (sur l'axe des abscisses, axe horizontal) et leurs images (axe des ordonnées, axe vertical).

Ex : on lit
$$f(0,5) \approx 2.6$$

$$f(-1,5) \approx 1,1$$

Une $\underline{fonction}$ f est $\underline{croissante}$ signifie : si x croît alors f(x) croît aussi (les nombres choisis et leurs images respectives sont rangés dans le même ordre)

Une $\underline{fonction}$ f est $\underline{décroissante}$ signifie : si x croît alors f(x) décroît (les nombres choisis et leurs images respectives sont rangés dans des ordres inverses)

Ex: la fonction précédente est croissante pour les nombres inférieurs à -0.5 environ, décroissante pour les nombres compris entre -0.5 environ et 0.5 environ et à nouveau croissante pour les nombres supérieurs à 0.5 environ

Il faut savoir reconnaître si une fonction est croissante ou décroissante en observant son graphe.